

► **Q1.** Sur 3 bits, on peut coder les entiers de 0 à 7 d'où 8 sites possibles.

Avec 7 caractères parmi 7 possible, il y a  $7^7$  possibilités (ou  $7!$  si l'on comprend l'énoncé en les croyant tous distincts). Cela fait donc 7<sup>7</sup> employés possible par site.

Puisqu'il n'y a que 5 sites et au plus 100 employés par site, cette technique est suffisante.

► **Q2.** Une chaîne de caractère étant un objet non mutable, ces opérations demandent des concaténations de listes (par exemple, une suppression de l'élément en position 0 demande de recopier tous les éléments à partir de celui en position 1). Ce sont donc des opérations qui ont une complexité linéaire en la longueur de la chaîne de caractères.

► **Q3.** On peut par exemple effectuer :

```
>>> s = 'Auttame'
>>> s = s[:3]+s[4:] # suppression
>>> s
'Autame'
>>> s = s[:3] + "o" + s[4:] # substitution
>>> s
'Autome'
>>> s = s[:5] + "n" + s[5:] # insertion
>>> s
'Automne'
```

Puisque l'on a effectué 3 opérations, la distance de Levenshtein est au plus 3.

Par ailleurs, il faut faire disparaître un t et le a avant le m et faire apparaître un n après donc on doit faire au moins trois opérations.

Donc la distance de Levenshtein entre ces deux chaînes est 3.

► **Q4.** Tout d'abord, on a  $d(0,0) = 0$  puisqu'il n'y a rien à faire pour passer d'une chaîne vide à une chaîne vide.

Pour passer d'une chaîne à  $i \in [1, n]$  caractères à une chaîne vide, il y a  $i$  suppressions de caractères à effectuer et cette valeur est clairement minimale donc :

$$\forall i \in [1, n], d(i, 0) = i.$$

Enfin, pour passer d'une chaîne vide à une chaîne à  $j \in [1, p]$  caractères, il y a  $j$  insertions de caractères à effectuer et cette valeur est clairement minimale donc :

$$\forall j \in [1, n], d(0, j) = j.$$

► **Q5.** Soit  $i \geq 1$  et  $j \geq 1$ . Si  $a[i-1]$  et  $b[j-1]$  sont égaux alors les modifications concernant les préfixes  $a[:i]$  et  $b[:j]$  sont les mêmes que celles concernant les préfixes  $a[:i-1]$  et  $b[:j-1]$  donc :

$$d(i, j) = d(i-1, j-1).$$

► **Q6.** Supposons maintenant  $a[i-1]$  et  $b[j-1]$  différents.

Pour transformer le mot  $a_0 \cdots a_{i-1}$  en  $b_0 \cdots b_{j-1}$ , on peut

◇ transformer  $a_0 \cdots a_{i-2}$  en  $b_0 \cdots b_{j-1}$ , puis supprimer  $a_{i-1}$ , pour un coût minimal de  $d(i-1, j) + 1$ ;

◇ transformer  $a_0 \cdots a_{i-1}$  en  $b_0 \cdots b_{j-2}$ , puis ajouter  $b_{j-1}$ , pour un coût minimal de  $d(i, j-1) + 1$ ;

◇ transformer  $a_0 \cdots a_{i-2}$  en  $b_0 \cdots b_{j-2}$ , puis remplacer la lettre  $a_{i-1}$  par la lettre  $b_{j-1}$ ,

pour un coût minimal de  $d(i-1, j-1) + 1$ .

Comme on cherche à minimiser le coût, on a :

$$d(i, j) = 1 + \min \{ d(i-1, j); d(i, j-1); d(i-1, j-1) \}.$$

► Q7. On peut par exemple écrire :

```
def mini(a, b, c):
    if a <= b and a <= c:
        return a
    if b <= a and b <= c:
        return b
    return c
```

► Q8.

```
1 def distance(a, b):
2     """ entrée : a et b deux chaînes de caractères
3         sortie : entier correspondant à la distance de Levenshtein entre a et b
4     """
5     n, p = len(a), len(b)
6     d = [[0 for j in range(p+1)] for i in range(n+1)]
7     for i in range(n+1):
8         d[i][0] = i
9     for j in range(p+1):
10        d[0][j] = j
11    for i in range(1, n+1):
12        for j in range(1, p+1):
13            if a[i-1] == b[j-1]:
14                d[i][j] = d[i-1][j-1]
15            else:
16                d[i][j] = 1 + mini(d[i-1][j], d[i][j-1], d[i-1][j-1])
17    return d[n][p]
```

► Q9. Les deux premières boucles ont respectivement  $n + 1$  et  $p + 1$  itérations avec à chaque fois une affectation. La double boucle qui suit a  $(n + 1) \times (p + 1)$  itérations et à chaque itérations, il y a un test et :

- soit une affectation;
- soit au plus 4 comparaisons (dans mini) et une affectation.

La complexité est donc en  $O(np)$  où  $n$  et  $p$  sont les longueurs de deux chaînes de caractères.

► Q10.

```
def code_bon_lvs(t):
    n = len(t)
    code_bad = [False for k in range(n)] # si True alors il faudra mettre à 0
    for i in range(n):
        for j in range(i+1, n):
            if distance(t[i], t[j]) <= 3:
                t[i] = True
                t[j] = True
    for k in range(n):
        if code_bad[k]:
            t[k] = '000000'
```

Il suffit alors d'utiliser l'instruction :

```
code_bon_lvs(table_code)
```

► Q11.

```
def pourcentage_lvs(t):
    c = 0
    for x in t:
        if x == '000000':
            c += 1
    return c/len(t)*100
```

Il suffit alors d'utiliser l'instruction :

```
pourcentage_lvs(table_code)
```

► Q12. On pourrait utiliser la fonction bin pour convertir l'entier s en base de 2 mais on peut s'en dispenser :

```
def liste_site(s):
    """ entrée : entier s représentant le code des sites autorisés
        sortie : liste des numéros des sites autorisés
                ou "" si s ne correspond pas à une donnée cohérente

        On doit avoir 0 <= s <= 30 (car le site d'origine n'est pas compris)
    """
    if s == 31:
        return ""
    L = []
    for k in range(5):
        if s%2 == 1:
            L.append(k+1)
        s = s//2
    if s == 0:
        return L
    else:
        return ""
```

► Q13.

```
1 SELECT nom, prenom FROM Employes WHERE age > 50
```

► Q14. L'accès exclusif aux sites 3 et 4 (en plus du site d'origine) se traduit par une valeur de site à 12.

```
1 SELECT email FROM Employes WHERE site = 12
```

► Q15. L'accès au site 2 (en plus du site d'origine) se traduit par une valeur de site à 2 (site 2), 3 (sites 1 et 2), 6 (sites 3 et 2), 10 (sites 4 et 2), 18 (sites 5 et 2), 7 (sites 1, 3 et 2), 11 (sites 1, 4 et 2), 19 (sites 1, 5 et 2), 14 (sites 3, 4 et 2), 22 (sites 3, 5 et 2), 26 (sites 4, 5 et 2), 15 (sites 1, 3, 4 et 2), 23 (sites 1, 3, 5 et 2), 27 (sites 1, 4, 5 et 2) ou 30 (sites 3, 4, 5 et 2).

```
1 SELECT COUNT(*) FROM Employes
2 WHERE site = 2 OR site = 3 OR site = 6 OR site = 10 OR site = 18
3 OR site = 7 OR site = 11 OR site = 19 OR site = 14 OR site = 22 OR site = 26
4 OR site = 15 OR site = 23 OR site = 27 OR site = 30
```

► Q16.

```
1 SELECT Employes.nom, ListeCategories.categorie
2 FROM Employes JOIN ListeCategories ON Employes.code_categorie = ListeCategories.id
3 WHERE Employes.age > 20
4 ORDER BY Employes.nom ASC
```

► Q17.

```
1 SELECT ListeCategories.categorie, COUNT(*)
2 FROM Employes JOIN ListeCategories ON Employes.code_categorie = ListeCategories.id
3 WHERE Employes.age > 40
4 GROUP BY ListeCategories.categorie
```

► Q18.

```
1 SELECT ListeCategories.categorie, COUNT(*) AS nb
2 FROM Employes JOIN ListeCategories ON Employes.code_categorie = ListeCategories.id
3 WHERE Employes.age > 40
4 GROUP BY ListeCategories.categorie
5 ORDER BY nb DESC
6 LIMIT 2
```

► Q19.

```
1 SELECT ListeCategories.categorie, COUNT(*) AS nb
2 FROM Employes JOIN ListeCategories ON Employes.code_categorie = ListeCategories.id
3 WHERE Employes.age < 25
4 GROUP BY ListeCategories.categorie
5 HAVING nb > 2
```