

```
## Piles et files

def creerPile():
    return []

def estVide(p):
    return p == []

def empiler(p, x):
    p.append(x)

def depiler(p):
    if not estVide(p):
        return p.pop()

from collections import deque

def creerFile():
    return deque()

def FileVide(f):
    return f == deque([])

def enfiler(f, x):
    f.append(x)

def defiler(f):
    return f.popleft()

## Exercice 1

def bas1(p):
    """ entrée : p pile
        sortie : renvoie le bas de p sans changer p """
    while not estVide(p):
        a = depiler(p)
        empiler(p, a)
    return a

def bas2(p):
    """ entrée : p pile
        sortie : renvoie le bas de p sans changer p """
    q = creerPile()
    while not estVide(p):
        a = depiler(p)
        empiler(q, a)
    while not estVide(q):
        empiler(p, depiler(q))
    return a
```

```
def inside(p, x):
    """ entrée : p pile, x objet
        sortie : booléen indiquant si x apparaît dans p """
    test = False
    q = creerPile()
    while not estVide(p) and test == False:
        a = depiler(p)
        empiler(q, a)
        if a == x:
            test = True
    while not estVide(q):
        empiler(p, depiler(q))
    return test

def renverse(p):
    """ entrée : p pile
        renverse la pile p
        sortie : None """
    q = creerPile()
    r = creerPile()
    while not estVide(p):
        empiler(q, depiler(p))
    while not estVide(q):
        empiler(r, depiler(q))
    while not estVide(r):
        empiler(p, depiler(r))

def copie(p):
    """ entrée : p pile
        sortie : renvoie une copie de p et ne modifie pas p """
    q = creerPile()
    r = creerPile()
    while not estVide(p):
        empiler(q, depiler(p))
    while not estVide(q):
        a = depiler(q)
        empiler(p, a)
        empiler(r, a)
    return r

## Exercice 2

# Question 1

def scm(s):
    L, i, n = [], 0, len(s)
    while i < n:
        j = i + 1
        while j < n and s[j] >= s[j-1]:
            j += 1
        L.append((i, j - 1))
        i = j
    return L
```

```

# Question 2

def fusionner(s, r1, r2):
    d1, f1 = r1
    d2, f2 = r2
    L = []
    while d1 <= f1 and d2 <= f2:
        if s[d1] <= s[d2]:
            L.append(s[d1])
            d1 += 1
        else:
            L.append(s[d2])
            d2 += 1
    if d1 > f1:
        for x in s[d2: f2+1]:
            L.append(x)
    else:
        for x in s[d1: f1+1]:
            L.append(x)
    for i in range(r2[1] - r1[0] + 1):
        s[r1[0] + i] = L[i]

# Question 3

def depileFusionneRemplace(s, pile):
    r2 = depiler(pile)
    r1 = depiler(pile)
    fusionner(s, r1, r2)
    empiler(pile, (r1[0], r2[1]))

# Question 4

def alphaTri(s):
    def longueur(segment):
        return segment[1] - segment[0] + 1
    liste_scm = scm(s)
    nb_scm = len(liste_scm)
    pile = creerPile()
    empiler(pile, liste_scm[0])
    h, i = 1, 1
    # h est la hauteur de la pile, i l'indice de la dernière scm traitée
    while i < nb_scm: # première phase
        if h >= 2:
            top = depiler(pile)
            sous_top = depiler(pile)
            empiler(pile, sous_top)
            empiler(pile, top)
            if longueur(sous_top) < 2*longueur(top):
                depileFusionneRemplace(s, pile)
                h -= 1
            else:
                empiler(pile, liste_scm[i])
                i += 1
                h += 1
        else:
            empiler(pile, liste_scm[i])
            i += 1
            h += 1
    while h > 1: # deuxième phase
        depileFusionneRemplace(s, pile)
        h -= 1

```

```

## Exercice 3

def longueurfile(f):
    """ entrée : file f
        sortie : renvoie la longueur de f """
    if FileVide(f):
        return 0
    g = creerFile()
    l = 0
    while not FileVide(f):
        enfiler(g, defiler(f))
        l += 1
    while not FileVide(g):
        enfiler(f, defiler(g))
    return l

def copiefile(f):
    g = creerFile()
    h = creerFile()
    while not FileVide(f):
        a = defiler(f)
        enfiler(g, a)
        enfiler(h, a)
    while not FileVide(g):
        enfiler(f, defiler(g))
    return h

## Exercice 4

def elimination(F, k):
    c = 0
    for _ in range(k-1):
        enfiler(F, defiler(F))
    defiler(F)

def derniers(f, k):
    nb = longueurfile(f)
    while nb > k-1:
        elimination(f, k)
        nb -= 1
    return f

test = creerFile()
test = deque(["Alice", "Bob", "Charles", "Dorine", "Ernest", "Flavien", "Gérard", "Hermione",
             "Ines", "Jessica"])
print(derniers(test,2))
test = deque(["Alice", "Bob", "Charles", "Dorine", "Ernest", "Flavien", "Gérard", "Hermione",
             "Ines", "Jessica"])
print(derniers(test,3))
test = deque(["Alice", "Bob", "Charles", "Dorine", "Ernest", "Flavien", "Gérard", "Hermione",
             "Ines", "Jessica"])
print(derniers(test,4))

for n in range(2,21):
    f = File()
    for k in range(1,n+1):
        f.enfiler(k)
    g = derniers(f, 2).defiler()
    print(n, g)

```

```
# Question 2b
""" S'il y a  $2n$  personnes au début, celui qui est en position  $k$  au deuxième tour,
    était en position  $k+(k-1) = 2k-1$  au départ.
    S'il y a  $2n+1$  personnes au début, alors on commence par éliminer les  $2,4,6,\dots,2n$  et 1
    puis celui désormais en position  $k$  était au départ en position  $2k+1$ .
"""

def J(n):
    if n == 1 or n == 2:
        return 1
    if n%2 == 0:
        return 2*J(n//2) - 1
    else:
        return 2*J(n//2) + 1
```