

```
## Question 1
  ^{	t \prime \prime} Le produit avec le plus de valeur est le 4 et l'on peut lui ajouter un autre produit.
    Les deux rapportant le plus sont 1 et 4 mais on peut encore ajouter le 3.
    Donc on ne maximise pas le profit avec 1 ou 2 objets.
    Si l'on prend les 4 objets alors on dépasse le poids maximal. """
## Question 2
""" Avec 1, 2 et 3: on a un profit de 8.
   Avec 1, 2 et 4: on dépasse le poids autorisé.
    Avec 1, 3 et 4: on a un profit de 14.
Avec 2, 3 et 4: on a un profit de 13. """
## Ouestion 3
""" Le choix maximal est constitué des objets 1, 3 et 4 (poids de 8) et le profit est 14. """
## Question 4
def ListeProduit(n):
    return [k for k in range(1, n+1)]
def ListeProduit bis(n):
    return list(range(1, n+1)) # moins l'esprit du programme
def ListeProduit_ter(n):
    L = []
    for k in range(1, n+1):
        L.append(k)
    return L
## Question 5
    return [V[k]/P[k] for k in range(len(P))]
def Ratio_bis(P, V):
    L = []
    for k in range(len(P)):
        L.append(V[k]/P[k])
    return L
ex_P = [3, 2, 1, 4]

ex_V = [4, 3, 1, 9]
## Question 6
""" Puisque len(L) = 4, il y a 3 itérations de la boucle for.
    Après le cas i = 1: L = [3, 5, 2, 1]. Après le cas i = 2: L = [2, 3, 5, 1].
    Après le cas i = 3: L = [1, 2, 3, 5]. """
## Question 7
""" Cela ne fonctionne pas avec des chaînes de caractères
    car aux lignes 7 et 9 il y a des modifications qui ne sont pas
    possibles sur une chaîne de caractères (type non mutable).
```

```
## Question 8
""" Il s'agit du tri par insertion.
    Notons n la longueur de L.
    Il y a n-1 itérations de la boucle for.
    À chaque itération:
        - il y a 3 affectations
         - et une boucle while avec un test j>0 et une comparaison x < L[j-1].
    On compte le nombre de comparaisons du type x < L[j-1].
    Dans le meilleur des cas, la liste est déjà triée donc la condition x\!<\!L\left[i\!-\!1\right] \text{ est toujours fausse et il } n'y \text{ a qu'une seule comparaison}
         par itération de la boucle for.
    Donc dans le meilleur des cas, complexité : O(n).
    Dans le pire des cas, j diminue systématiquement jusqu'à \mathbf{0}
        c'est le cas d'une liste totalement en sens inverse.
         If y a alors 1+2+..+(n-1) comparaisons i.e. (n-1)*n/2.
   Dans dans le pire des cas, complexité : 0(n**2).
## Question 9
def Inverse(L):
    M = []
    n = len(L) - 1
    while n \ge 0:
        M.append(L[n])
        n = n - 1
    return M
def Inverse_bis(L):
    M = []
    for k in range(len(L)):
        M.append(L[len(L)-k-1])
    return M
def Inverse_ter(L):
    return [L[len(L)-k-1] for k in range(len(L))]
def Inverse_quater(L): # liste vue comme une pile
    M = [x \text{ for } x \text{ in } L]
    N = []
    while M != []:
       N.append(M.pop())
    return N
## Question 10
""" La fonction Tri ne trie qu une seule liste
    or on veut trier P et V en fonction du tri de V/P
    donc il faut réécrire la fonction de tri en triant
    en même temps toutes les listes. """
```

```
## Question 11
def Tri2(P, V):
    L = Ratio(P, V)
    for i in range(1,len(L)):
        p, v, x = P[i], V[i], L[i]
        j = i
        while j>0 and x<L[j-1]:
            P[j], V[j], L[j] = P[j-1], V[j-1], L[j-1]
            j = j - 1
        P[j], V[j], L[j] = p, v, x
    return Inverse(P), Inverse(V)
## Question 12
def Vmax(P, V, Pmax):
    Ptrie, Vtrie = Tri2(P, V)
    Pcumu1, Vcumu1 = 0, 0
    i = 0
    while i < len(P) and Pcumul + Ptrie[i] <= Pmax:</pre>
        Pcumul += Ptrie[i]
        Vcumul += Vtrie[i]
        i += 1
    return Vcumul
def Vmax_bis(P, V, Pmax):
    """ plus l'idée de l'algorithme mais cela ne correspond pas
        au document réponse ""
    Ptrie, Vtrie = Tri2(P, V)
    Pcumu1, Vcumu1 = 0, 0
    i = 0
    while i < len(P):
        if Pcumul + Ptrie[i] <= Pmax:
    Pcumul += Ptrie[i]</pre>
            Vcumul += Vtrie[i]
        i += 1
    return Vcumul
## Question 13
""" Les ratios valent: 4/3, 3/2, 1 et 9/4.
  La fonction Tri2 donne pour les ratios [2.25, 1.5, 1.33, 1],
    pour les poids [4, 2, 3, 1] et pour les valeurs [9, 3, 4, 1]. La fonction Vmax renvoie alors 12 (car 4+2 != 8 mais 4+2+3>8).
   Cette solution n est donc pas optimale.
## Question 14
""" Pour i=0, il n y a aucun produit donc le profit est nul.
    Pour i>O et p_i>omega, le produit n°i a un poids qui dépasse la capacité
        donc on ne le prend pas et le profit est le même qu avec les i-1
        premiers produits.
    Sinon, on peut prendre le produit n°i:
        - si on le prend alors le profit est alors v_i + le profit maximal
            réalisable avec les i-1 premiers produits et un poids maximal
            de omega - p_i;
        - sinon le profit maximal est le même qu avec les i-1 premiers produits.
   On considère donc le maximum de ces deux cas.
```

```
## Question 15
""" Cas de base : i = 0.
    À chaque appel récursif, le premier argument est diminué de 1 donc
        atteint le cas de base en un nombre fini d étapes. '
## Question 16
def Max(a, b):
    if a > b:
       return a
    else:
        return b
## Question 17
def recur(P, V, i, w):
     "" entrées : liste P des poids, liste V des valeurs (avec len(P) == len(V)),
                    i entier entre 1 et len(P), w entier
        sortie : entier S(i,w) correspondant au profit maximal """
   if i == 0:
       return 0
    elif P[i-1] > w: # le poids de l'objet i est P[i-1]
       return recur(P, V, i-1, w)
e: # et la valeur de l'objet i est V[i-1]
        return Max(recur(P, V, i-1, w), V[i-1] + recur(P, V, i-1, w-P[i-1]))
## Question 18
assert recur([3, 2, 1, 4], [4, 3, 1, 9], 4, 8) == 14
## Questions 19 et 20
""" On choisit de ne pas suivre 1 énoncé (à ne pas faire au concours !!!)
   en exploitant plutôt un dictionnaire pour la mémoïsation. ""
dico_opti = {}
def recur2(P, V, i, w):
    if (i, w) not in dico_opti:
        if i == 0:
           res = 0
        elif P[i-1] > w:
            res = recur2(P, V, i-1, w)
            res = max(recur2(P, V, i-1, w), V[i-1] + recur2(P, V, i-1, w-P[i-1]))
        dico_opti[(i, w)] = res
    return dico_opti[(i, w)]
```